

4. Kinematika hmotného bodu středoškolsky: pohyb rovnoměrný přímočarý, pohyb rovnoměrně zrychlený, pohyb po kružnici.

1 Pohyb rovnoměrný přímočarý.

Hmotný bod – hmotnost m přidělená bodu o nekonečně malých rozměrech

Pro rovnoměrný přímočarý pohyb hmotného bodu (tělesa) platí následující vztah

$$s = v t, [s] = \text{m}, [t] = \text{s}, [v] = \text{m}\cdot\text{s}^{-1} \quad (1)$$

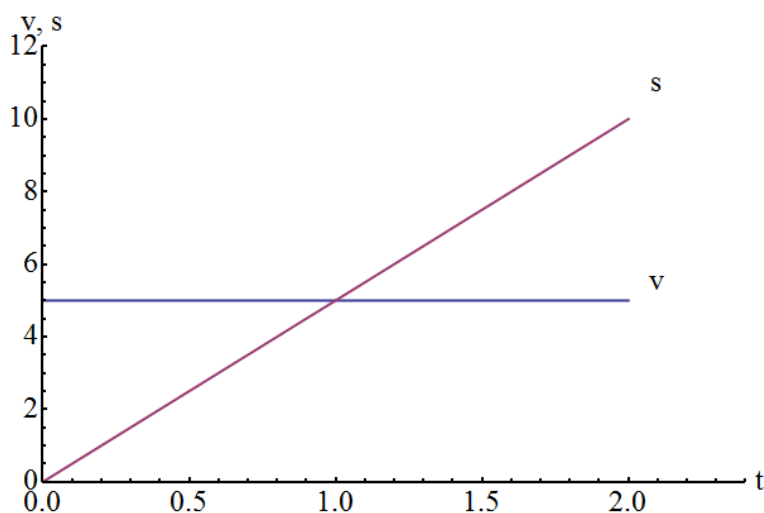


Figure 1: Závislost dráhy a rychlosti na čase pro pohyb rovnoměrný přímočarý.

2 Pohyb rovnoměrně zrychlený

$$s = \frac{1}{2} a t^2, [a] = \text{m}\cdot\text{s}^{-2} \quad (2)$$

$$v = a t \quad (3)$$

Pokud budeme předpokládat nenulovou počáteční rychlost v_0 a nenulovou počáteční dráhu s_0

$$s = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + s_0 \quad (4)$$

$$v = a t + v_0 \quad (5)$$

Pro pohyb rovnoměrně zpomalený bude platit

$$s = -\frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + s_0 \quad (6)$$

$$v = -a t + v_0 \quad (7)$$

3 Pohyb po kružnici

3.1 Rovnoměrný pohyb po kružnici

Souvislost mezi obvodovou rychlostí v a úhlovou rychlostí ω je vyjádřena následujícím vztahem

$$v = \omega r, [\omega] = \text{rad} \cdot \text{s}^{-1} = \text{s}^{-1} \quad (8)$$

Úhlovou rychlost ω můžeme vyjádřit v závislosti na frekvenci f nebo na periodě T pomocí následujících vztahů

$$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}, [f] = \text{s}^{-1}, [T] = \text{s} \quad (9)$$

Úhel φ se vyjádří pomocí úhlové rychlosti ω takto

$$\varphi = \omega t, [\varphi] = \text{rad} \quad (10)$$

Při pohybu po kružnici je definováno dostředivé zrychlení a_d

$$a_d = \frac{v^2}{R}, [a_d] = \text{m} \cdot \text{s}^{-2} \quad (11)$$

3.2 Rovnoměrně zrychlený pohyb po kružnici

Při rovnoměrném pohybu po kružnici uvažujeme konstantní nenulové úhlové zrychlení ε . Pro úhlovou rychlost ω pak platí

$$\omega = \varepsilon t, [\varepsilon] = \text{s}^{-2} \quad (12)$$

Pro úhel φ pak můžeme psát

$$\varphi = \frac{1}{2} \varepsilon t^2, [\varphi] = \text{rad} \quad (13)$$

Pokud budeme předpokládat nenulovou počáteční úhlovou rychlost ω_0 a nenulový počáteční úhel φ_0 , pak platí

$$\omega = \varepsilon t + \omega_0 \quad (14)$$

$$\varphi = \frac{1}{2} \varepsilon t^2 + \omega_0 t + \varphi_0 \quad (15)$$

3.3 Rovnoměrně zpomalený pohyb po kružnici

$$\omega = -\varepsilon t + \omega_0 \quad (16)$$

$$\varphi = -\frac{1}{2} \varepsilon t^2 + \omega_0 t + \varphi_0 \quad (17)$$